

## Inhaltsverzeichnis

<b>Vorwort .....</b>	V
<b>1 Geodätische Überwachungsmessungen.....</b>	1
1.1 Inhalt und Bedeutung .....	1
1.1.1 Aufgaben geodätischer Überwachungsmessungen .....	1
1.1.2 Messobjekte und Zielsetzungen .....	4
1.1.3 Gesetzlicher und normativer Rahmen .....	8
1.1.4 Abgrenzung des Aufgabenspektrums .....	11
1.1.5 Erfassung von Deformationsvorgängen .....	16
1.2 Anforderungen an die Planung und Durchführung .....	18
1.2.1 Allgemeine Vorüberlegungen .....	18
1.2.2 Bezugssystem und Referenzrahmen .....	20
1.2.3 Geodätische Überwachungsnetze .....	22
1.2.4 Geometrische Diskretisierung .....	26
1.2.5 Zeitliche Diskretisierung .....	28
1.2.6 Messtechnische Aspekte .....	31
1.2.7 Sensornetze .....	35
1.2.8 Periodische und aperiodische Vorgänge .....	38
1.2.9 Qualitätsanforderungen an geodätische Überwachungsmessungen .....	42
1.3 Geschichtlicher Abriss .....	45
1.4 Literaturhinweise .....	48
<b>2 Systemtheoretische Grundlagen und Modellklassen .....</b>	55
2.1 Begriff des Systems .....	55
2.2 Ein-/Ausgangsbeziehungen eines Systems .....	57
2.3 Grundlegende Systemeigenschaften .....	60
2.3.1 Kausalität eines Systems .....	60
2.3.2 Statische und dynamische Systeme .....	61
2.3.3 Lineare Systeme .....	63
2.3.4 Zeitinvariante Systeme .....	64
2.3.5 Stabilität eines Systems .....	65
2.3.6 Invertierbarkeit eines Systems .....	66
2.4 Grundtypen von Ein-/Ausgangssignalen .....	66
2.5 Methoden der mathematischen Modellbildung .....	71
2.6 Auswertemodelle für Überwachungsmessungen .....	75
2.6.1 Klassifizierung der Auswertemodelle .....	76

2.6.2	Struktur- und Verhaltensmodelle .....	79
2.6.2.1	Model Approach und Operational Approach .....	79
2.6.2.2	„White box“-, „grey box“- und „black box“-Modelle .....	81
2.6.2.3	Gegenüberstellung von Verhaltens- und Strukturmodellen .....	86
2.7	Literaturhinweise .....	88
<b>3</b>	<b>Grundlagen aus der Mechanik</b> .....	91
3.1	Charakterisierung von Deformationsvorgängen .....	91
3.1.1	Begriffe der Starrkörperbewegung und der Verformung.....	92
3.1.2	Ursachen von Deformationsvorgängen.....	94
3.2	Klassifizierung der Mechanik, Materialgesetze .....	96
3.3	Grundlagen der Kinematik.....	99
3.4	Grundlagen der Elastostatik .....	105
3.4.1	Innere Kräfte und Momente .....	106
3.4.2	Spannung und Beanspruchung .....	109
3.4.3	Elastische Formänderung .....	110
3.4.4	Bestimmung von Biegelinien.....	113
3.5	Abriss der Methode der finiten Elemente .....	122
3.6	Setzungsercheinungen aus Sicht der Bodenmechanik.....	128
3.7	Literaturhinweise .....	131
<b>4</b>	<b>Statistik</b> .....	133
4.1	Grundbegriffe der Auswertung von Messungen .....	133
4.1.1	Eindimensionale Messgrößen und -ergebnisse .....	135
4.1.1.1	Erwartungswert, Wahrer Wert, Mittelwert .....	135
4.1.1.2	Varianz und Standardabweichung.....	136
4.1.1.3	Ermittlung von Messunsicherheiten.....	138
4.1.1.4	Monte-Carlo-Methode .....	141
4.1.1.5	Einhaltung von Toleranzen .....	143
4.1.2	Mehrdimensionale Messergebnisse .....	144
4.1.3	Kovarianzfortpflanzungsgesetz.....	145
4.1.4	Verteilungsfunktion und Wahrscheinlichkeitsdichte .....	146
4.2	Wahrscheinlichkeitsverteilungen .....	148
4.2.1	Normalverteilung .....	148
4.2.2	$\chi^2$ -Verteilung .....	149
4.2.3	Student- oder $t$ -Verteilung .....	150
4.2.4	Fisher- oder $F$ -Verteilung .....	151
4.2.5	Beziehungen zwischen den Verteilungsfunktionen .....	151
4.3	Grundzüge der Testtheorie .....	152
4.3.1	Hypothesenbildung und Hypothesentest.....	153
4.3.2	Fehlentscheidungen 1. und 2. Art, Testgüte .....	154

4.3.3	Tests für eindimensionale Zufallsgrößen .....	157
4.3.3.1	Mittelwert und theoretische Standardabweichung .....	157
4.3.3.2	Mittelwert und empirische Standardabweichung.....	158
4.3.3.3	Differenz zweier unkorrelierter Messwerte.....	158
4.3.3.4	Differenz zweier korrelierter Messwerte .....	160
4.3.3.5	Differenz zweier Zufallsvektoren .....	161
4.3.3.6	Test einer empirischen und theoretischen Varianz .....	161
4.3.3.7	Test zweier empirischen Varianzen .....	162
4.4	Konfidenzmaße .....	162
4.4.1	Konfidenzbereiche .....	163
4.4.1.1	Konfidenzbereich für den Erwartungswert .....	163
4.4.1.2	Konfidenzbereich für die Varianz.....	163
4.4.2	Konfidenzschätzung für mehrdimensionale Zufallsgrößen .....	164
4.4.2.1	Globale Konfidenzmaße .....	165
4.4.2.2	Optimalitätskriterien .....	167
4.4.2.3	Lokale Konfidenzmaße .....	167
4.4.3	Konfidenzmaße für Funktionen eines Zufallsvektors .....	168
4.4.4	Theoretische Varianz und Standardkonfidenzmaße.....	168
4.5	Literaturhinweise .....	169
<b>5</b>	<b>Ausgleichungsrechnung .....</b>	<b>172</b>
5.1	Lineare Schätzmodelle .....	173
5.1.1	GAUSS-MARKOV-Modell .....	173
5.1.1.1	Parameterschätzung .....	174
5.1.1.2	Rangdefekte im funktionalen Modell.....	177
5.1.1.3	Elimination von Unbekannten.....	182
5.1.2	Erweiterte Schätzmodelle .....	184
5.1.2.1	Vermittelnde Ausgleichung mit Bedingungen.....	184
5.1.2.2	Bedingte Ausgleichung .....	186
5.1.2.3	Bedingte Ausgleichung mit Unbekannten .....	187
5.2	Lineare Hypothese und quadratische Formen.....	188
5.3	Sequenzielle Ausgleichung .....	189
5.4	Varianz- und Varianzkomponentenschätzung .....	193
5.4.1	Schätzung der Einheitsvarianz .....	194
5.4.2	Varianzkomponentenschätzung .....	195
5.5	Regression .....	197
5.5.1	Regressionsmodell .....	197
5.5.2	Güte der Regression .....	200
5.6	Kollokation.....	204
5.6.1	Ausgleichung, Filterung und Prädiktion .....	205
5.6.2	Ermittlung der Schätzgrößen.....	208

5.7	Alternative Schätzverfahren.....	210
5.7.1	Einflussfunktionen von Schätzverfahren .....	211
5.7.2	$L_p$ -Schätzer.....	213
5.7.3	M-Schätzer .....	214
5.8	Literaturhinweise .....	216
<b>6</b>	<b>Netzanalyse .....</b>	<b>219</b>
6.1	Geodätisches Datum .....	219
6.1.1	Datumsparameter .....	220
6.1.2	Konventionelles geodätisches Datum .....	222
6.1.3	Freie Netzausgleichung.....	224
6.1.3.1	Bedingungsgleichungen zur Verfügung über das Datum .....	224
6.1.3.2	Freie Netzausgleichung mit varianzfreier Rechenbasis .....	226
6.1.3.3	Freie Netzausgleichung mit Teilspurminimierung.....	228
6.1.3.4	Freie Netzausgleichung mit Gesamtspurminimierung.....	229
6.1.4	Netzausgleichung unter Zwang.....	230
6.1.5	„Schwaches“ Datum .....	232
6.1.6	Datumstransformationen.....	232
6.1.7	Datumsinvariante Größen .....	236
6.2	Genauigkeit .....	236
6.2.1	Globale Genauigkeitsmaße .....	237
6.2.2	Hauptkomponentenanalyse .....	238
6.2.3	Zweidimensionale Genauigkeitsmaße .....	240
6.2.4	Skalare Genauigkeitsmaße .....	244
6.3	Zuverlässigkeit.....	245
6.3.1	Grundlagen.....	245
6.3.2	Maße für die innere Zuverlässigkeit .....	246
6.3.3	Maße für die äußere Zuverlässigkeit.....	249
6.3.4	Hebelbeobachtungen.....	250
6.4	Sensitivität.....	251
6.4.1	Grundlagen der Sensitivitätsanalyse in Überwachungsnetzen.....	252
6.4.2	Testen von Deformationsmodellen .....	254
6.4.3	Sensitivität und Hauptkomponenten .....	257
6.5	Literaturhinweise .....	257
<b>7</b>	<b>Transformationen.....</b>	<b>260</b>
7.1	Ähnlichkeitstransformation.....	261
7.1.1	Räumliche Ähnlichkeitstransformation .....	261
7.1.2	Räumliche Ähnlichkeitstransformation mit kleinen Drehwinkeln.....	264
7.1.3	HELMERT-Transformation.....	266
7.1.3.1	Gewichtete HELMERT-Transformation .....	267

7.1.3.2	Netzverschmelzung .....	269
7.1.4	Ähnlichkeitstransformation im GAUSS-HELMERT-Modell .....	273
7.2	Affintransformation .....	275
7.2.1	Affine Abbildung .....	275
7.2.2	Streckenverzerrung .....	281
7.2.3	Winkelverzerrung.....	282
7.2.4	Flächenverzerrung.....	283
7.2.5	Berechnung der Verzerrungsmatrix .....	284
7.2.6	Weitere Verformungsparameter.....	289
7.2.7	Auswirkung von Ähnlichkeits- und Datumstransformationen.....	289
7.3	Beurteilung von Transformationsergebnissen.....	291
7.4	Literaturhinweise .....	294
<b>8</b>	<b>KALMAN-Filterung .....</b>	<b>297</b>
8.1	Das Problem des Navigators .....	298
8.2	Beziehungen zwischen KALMAN-Filterung und DIN 1319 .....	300
8.2.1	DIN 1319 – Grundnorm der Auswertung von Messungen .....	300
8.2.2	Übertragung der Grundgedanken auf das KALMAN-Filter.....	303
8.3	Zustandsschätzung im GAUSS-MARKOV-Modell.....	305
8.3.1	Ausgleichungsansatz und rekursive Filtergleichungen .....	306
8.3.2	Statistische Innovationsbewertung und Filterredundanzen.....	309
8.4	Möglichkeiten der Systembeschreibung im KALMAN-Filter .....	314
8.4.1	Formulierung der Systemgleichung .....	314
8.4.2	Adaptive Erweiterung des Filteransatzes .....	317
8.4.3	Formfilter .....	320
8.4.3.1	Motivation und Algorithmus.....	320
8.4.3.2	Beispiel für ein Formfilter.....	321
8.5	Das KALMAN-Filter im Kontext der BAYES-Schätzung .....	326
8.6	Anwendungsmöglichkeiten bei Überwachungsmessungen .....	330
8.7	Literaturhinweise .....	337
<b>9</b>	<b>Zeitreihenanalyse .....</b>	<b>339</b>
9.1	Darstellungen einer Zeitreihe im Zeitbereich.....	339
9.1.1	Autokovarianzfunktion .....	341
9.1.2	Kreuzkovarianzfunktion.....	347
9.1.3	Füllen von Datenlücken .....	349
9.2	Darstellungen einer Zeitreihe im Frequenzbereich .....	351
9.2.1	Grundlagen und Begriffe .....	352
9.2.2	Leistungsspektrum .....	355
9.2.2.1	WIENER-CHINTCHIN-Theorem.....	356
9.2.2.2	Interpretation des Leistungsspektrums.....	357

9.2.2.3	Berechnung und Schwierigkeiten der Interpretation .....	358
9.2.2.4	Fast-FOURIER-Transformation .....	366
9.2.3	Periodogramm .....	368
9.2.4	Spektrale Analyse langer Perioden .....	369
9.3	Filterung einer Zeitreihe.....	370
9.3.1	Bedeutung der Filterung.....	372
9.3.2	Grundlegende Beziehungen bei der Filterung von Zeitreihen .....	373
9.3.2.1	Darstellungen im Zeitbereich.....	373
9.3.2.2	Darstellung im Frequenzbereich .....	374
9.3.3	Beispiel zur mathematischen Filterung einer Zeitreihe.....	377
9.3.4	Physikalische Filter .....	380
9.4	Darstellung einer Zeitreihe im Zeitfrequenzbereich .....	382
9.4.1	Kontinuierliche Wavelet-Transformation .....	384
9.4.1.1	Einführung der kontinuierlichen Wavelet-Transformation .....	384
9.4.1.2	Lokalisierungseigenschaften .....	386
9.4.1.3	Approximationseigenschaften.....	388
9.4.1.4	Abbildungseigenschaften .....	391
9.4.2	Diskrete Wavelet-Transformation .....	393
9.4.2.1	Wavelet-Rahmen.....	393
9.4.2.2	Multiskalenanalyse.....	394
9.4.2.3	Schnelle Wavelet-Transformation .....	397
9.4.2.4	Schnelle Wavelet-Transformation als Isometrie .....	398
9.4.2.5	Wavelet-Filter .....	399
9.4.2.6	Undezimierte Wavelet-Transformation .....	403
9.5	Literaturhinweise .....	407
<b>10</b>	<b>Künstliche Neuronale Netze und Fuzzy-Theorie .....</b>	<b>410</b>
10.1	Künstliche Neuronale Netze .....	410
10.1.1	Motivation der Betrachtung Künstlicher Neuronaler Netze .....	411
10.1.2	Netzstruktur.....	413
10.1.2.1	Einfache Netzstrukturen.....	413
10.1.2.2	Komplexe Netzstrukturen .....	416
10.1.3	Parameterschätzung in KNN.....	418
10.1.3.1	Einführende Aspekte.....	418
10.1.3.2	Methode des steilsten Abstiegs .....	420
10.1.3.3	Gradientenschätzung in einfachen Netzstrukturen.....	422
10.1.3.4	Gradientenschätzung in komplexen Netzstrukturen .....	424
10.1.3.5	Wahl der Lernrate .....	426
10.1.3.6	Abbruchkriterien des iterativen Prozesses .....	429
10.1.3.7	Weitere Verfahren der Parameterschätzung.....	430
10.1.4	Modellstruktur eines KNN .....	434
10.1.4.1	Sigmoidale Aktivierungsfunktionen .....	434

10.1.4.2	Anzahl verborgener Schichten und der in ihnen enthaltenen Knoten...	439
10.1.5	Datenvorverarbeitung.....	446
10.2	Fuzzy-Theorie für die Deformationsanalyse.....	448
10.2.1	Einordnung in die Thematik.....	449
10.2.2	Unscharfe Mengen .....	452
10.2.3	Mengenoperationen mit unscharfen Mengen.....	456
10.2.4	Algebraische Operationen mit unscharfen Mengen .....	460
10.2.5	Unscharfe Relationen .....	463
10.2.6	Unscharfe Prozessmodellierung.....	467
10.2.6.1	Linguistische Variablen .....	467
10.2.6.2	Unscharfe Modellbildung .....	468
10.2.6.3	TAKAGI-SUGENO-Regelsystem .....	474
10.2.6.4	Herleitung des Regelsystems .....	475
10.2.6.5	Beispiele zur Modellbildung mit Methoden der Fuzzy-Theorie .....	480
10.3	Literaturhinweise .....	484
<b>11</b>	<b>Kongruenzmodell .....</b>	<b>488</b>
11.1	Basismodell.....	488
11.2	Globaltest .....	492
11.2.1	Ausgleichung der Einzelepochen.....	492
11.2.2	Hypothesenformulierung und Testentscheid.....	493
11.2.2.1	Explizite Hypothesenformulierung .....	494
11.2.2.2	Implizite Hypothesenformulierung .....	498
11.2.2.3	Durchführung des Globaltests.....	499
11.3	Lokalisierung signifikanter Punktverschiebungen .....	500
11.3.1	Prinzipielles Vorgehen .....	500
11.3.2	Klaffungszerlegung und Lokalisierung .....	501
11.3.2.1	Näherungsweise Lokalisierung .....	501
11.3.2.2	Lokalisierung durch Klaffungszerlegung nach GAUSS .....	503
11.3.2.3	Lokalisierung durch Klaffungszerlegung nach CHOLESKY .....	505
11.3.2.4	Klaffungszerlegung auf spektraler Basis .....	507
11.3.2.5	Lokalisierung bei implizit formulierter Nullhypothese .....	507
11.3.3	Identitätsanalyse von Punktgruppen .....	508
11.3.3.1	Zweistufiger Netzaufbau.....	508
11.3.3.2	Rückwärts- und Vorwärtsstrategie .....	509
11.3.4	Kongruenzüberprüfung bei mehreren Messeepochen.....	510
11.3.5	Darstellung und Bewertung der Verschiebungsvektoren.....	512
11.3.5.1	Endgültige Ausgleichung und Deformationsellipsen.....	512
11.3.5.2	Stochastische Bewertung der Verschiebungsvektoren.....	513
11.4	Generalisierung und geometrische Interpretation .....	514
11.4.1	Polynomentwicklung .....	515
11.4.2	Blockbewegungen .....	516

11.4.3	Strainanalyse .....	518
11.5	Literaturhinweise .....	521
<b>12</b>	<b>Kinematisches Modell .....</b>	<b>524</b>
12.1	Anwendungsmöglichkeiten und Bedeutung .....	524
12.2	Einfaches kinematisches Modell.....	526
12.2.1	Kinematische Netzbetrachtung .....	527
12.2.2	Zeitliches Referenzsystem .....	528
12.2.3	Erweiterte kinematische Modelle.....	529
12.3	Aufdatierung durch KALMAN-Filtertechniken .....	534
12.3.1	Prädiktionsgleichung.....	534
12.3.2	Messgleichung .....	539
12.3.3	Aufdatierung .....	539
12.4	Aufbereitung von Messreihen .....	541
12.4.1	Approximation durch geschlossene Polynome .....	541
12.4.1.1	Gewöhnliche Polynomapproximation.....	542
12.4.1.2	Approximation periodischer Vorgänge.....	542
12.4.1.3	Polynomapproximation mit Kollokation.....	543
12.4.2	Approximation durch stückweise Polynome .....	544
12.4.2.1	Polygone .....	545
12.4.2.2	Kubische Splines.....	545
12.4.2.3	Rationale und ausgleichende Splines .....	546
12.5	Kinematische Analyse und Modellierung von Zeitreihen.....	548
12.5.1	Komponentenanalyse einer Zeitreihe.....	548
12.5.2	Konfidenzbänder.....	552
12.5.3	Kinematisches Modell im Zeitfrequenzbereich .....	557
12.6	Literaturhinweise .....	561
<b>13</b>	<b>Statisches Modell .....</b>	<b>564</b>
13.1	Anwendungsmöglichkeiten und Bedeutung .....	564
13.1.1	Anwendungsvoraussetzungen .....	564
13.1.2	Beurteilung der Ausgangsseite, Verhaltensmodelle.....	566
13.1.3	Beurteilung des Übertragungsverhaltens, Strukturmodelle .....	566
13.2	Statische Modellierung mittels KALMAN-Filterung.....	568
13.2.1	Prädiktionsgleichung.....	568
13.2.1.1	Bezug zur Mechanik .....	568
13.2.1.2	Stütz- und Objektpunkte .....	570
13.2.1.3	Materialparameter, adaptive Filterung .....	570
13.2.2	Messgleichung .....	572
13.2.3	Beispiel .....	573
13.2.4	Aufdatierung, Modellbeurteilung.....	576

13.2.5	Strain- und Stressanalyse im Post-Processing.....	577
13.3	Statische Modellierung mittels Regression.....	579
13.4	Integrierte Analyse .....	581
13.5	Literaturhinweise .....	586
<b>14</b>	<b>Dynamisches Modell .....</b>	<b>589</b>
14.1	Abgrenzung zum kinematischen und statischen Modell.....	589
14.2	Nichtparametrische Ansätze durch Verhaltensmodelle .....	591
14.3	Parametrische Ansätze durch Strukturmodelle .....	596
14.3.1	Zustandsraummethode.....	598
14.3.1.1	Quantifizierung dynamischer Strukturmodelle .....	598
14.3.1.2	Lösung von Differenzialgleichungen im Zustandsraum .....	600
14.3.2	Parametrische Identifikation dynamischer Strukturmodelle .....	611
14.4	Literaturhinweise .....	622
<b>15</b>	<b>Hinweise auf Anwendungen.....</b>	<b>625</b>
15.1	Ausgewählte Messobjekte.....	626
15.1.1	Brücken .....	626
15.1.2	Dämme .....	629
15.1.3	Turmartige Bauwerke .....	631
15.1.4	Tunnel .....	632
15.1.5	Maschinenanlagen.....	634
15.1.6	Schleusen .....	635
15.1.7	Sonstige Ingenieurbauwerke .....	636
15.1.8	Rezente Krustenbewegungen.....	637
15.1.9	Bodensenkungen .....	641
15.1.10	Rutschungen.....	642
15.1.11	Gletscher und Schelfeis.....	646
15.2	Zuordnung der Anwendungsbeispiele zu Methoden und Modellen ....	646
<b>16</b>	<b>Aktuelle Entwicklungen.....</b>	<b>650</b>
16.1	Gegenwärtiger Stand, Herausforderungen .....	650
16.2	Flächenhafte Erfassung von Deformationen.....	653
16.3	Prozessbegleitende Überwachungsaufgaben.....	657
16.4	Große Datenmengen, Wissensschöpfung.....	662
16.5	Literaturhinweise .....	666
<b>Anhang:</b>	<b>Literaturhinweise – Abkürzungen .....</b>	<b>671</b>
<b>Stichwortverzeichnis</b>	<b>.....</b>	<b>673</b>